

1. Одредити карактеристични и минимални полином матрице $A = \begin{bmatrix} 3 & -1 & -1 \\ -1 & 3 & 1 \\ 3 & -3 & -1 \end{bmatrix}$.

Испитати да ли је матрица A слична дијагоналној и у случају да јесте, наћи бар једну инвертибилну матрицу P и дијагоналну D тако да је $A = PDP^{-1}$. Одредити $A^n, n \in \mathbb{N}$.

2. Дат је векторски потпростор $W \subseteq \mathbb{R}^4$ решења једначине $x - 2y + z - 2t = 0$.
- Наћи неке базе, као и димензије потпростора W и W^\perp .
 - Одредити ортогоналне пројекције вектора $v = (5, -2, 1, 0)$ на потпросторе W и W^\perp . Са којим од простора W и W^\perp вектор v заклапа мањи угао?
3. Нека је V потпростор простора \mathbb{R}^5 генерисан векторима $f_1 = (1, 0, 1, 1, 1)$, $f_2 = (-1, 2, 3, 3, 7)$ и $f_3 = (1, 2, 8, 6, 9)$. Грам-Шмитовим поступком ортогонализације одредити неке ортонормиране базе за V и V^\perp .
4. Одредити једначину праве која сече праве $p : \frac{x-2}{0} = \frac{y}{1} = \frac{z-6}{2}$ и $q : \frac{x-8}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-8}{1}$ и садржи тачку $A(1, 2, 3)$.
5. Свести једначину криве $2x^2 - xy + 2y^2 - 6 = 0$ на канонски облик изометријском трансформацијом и написати формуле трансформације. Која је то крива и колики је њен ексцентрицитет? Скицирати полазну криву и одредити јој жиже и директрисе.
6. Нека су A и B матрице такве да је дефинисан производ AB . Доказати да је $\text{rang}(AB) \leq \min\{\text{rang}(A), \text{rang}(B)\}$.

1. Одредити карактеристични и минимални полином матрице $A = \begin{bmatrix} 3 & -1 & -1 \\ -1 & 3 & 1 \\ 3 & -3 & -1 \end{bmatrix}$.

Испитати да ли је матрица A слична дијагоналној и у случају да јесте, наћи бар једну инвертибилну матрицу P и дијагоналну D тако да је $A = PDP^{-1}$. Одредити $A^n, n \in \mathbb{N}$.

2. Дат је векторски потпростор $W \subseteq \mathbb{R}^4$ решења једначине $x - 2y + z - 2t = 0$.
- Наћи неке базе, као и димензије потпростора W и W^\perp .
 - Одредити ортогоналне пројекције вектора $v = (5, -2, 1, 0)$ на потпросторе W и W^\perp . Са којим од простора W и W^\perp вектор v заклапа мањи угао?
3. Нека је V потпростор простора \mathbb{R}^5 генерисан векторима $f_1 = (1, 0, 1, 1, 1)$, $f_2 = (-1, 2, 3, 3, 7)$ и $f_3 = (1, 2, 8, 6, 9)$. Грам-Шмитовим поступком ортогонализације одредити неке ортонормиране базе за V и V^\perp .
4. Одредити једначину праве која сече праве $p : \frac{x-2}{0} = \frac{y}{1} = \frac{z-6}{2}$ и $q : \frac{x-8}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-8}{1}$ и садржи тачку $A(1, 2, 3)$.
5. Свести једначину криве $2x^2 - xy + 2y^2 - 6 = 0$ на канонски облик изометријском трансформацијом и написати формуле трансформације. Која је то крива и колики је њен ексцентрицитет? Скицирати полазну криву и одредити јој жиже и директрисе.
6. Нека су A и B матрице такве да је дефинисан производ AB . Доказати да је $\text{rang}(AB) \leq \min\{\text{rang}(A), \text{rang}(B)\}$.