

Линеарна алгебра и аналитичка геометрија, први колоквијум 24.11.2013.

прва група

1. Решити систем линеарних једначина у скупу \mathbb{R}^5 :

$$\begin{array}{cccccc} x & + & z & - & t & - 2w = 0 \\ x & + & y & - & z & + t - w = 2 \\ 2x & + & y & & + 2t & + 3w = 4 \\ x & - & 2y & + & 5z & - t + 9w = 1. \end{array}$$

2. Одредити инверз матрице: $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ -1 & -1 & -5 & -7 \\ 1 & 3 & 2 & -1 \\ 2 & 5 & 6 & 2 \end{bmatrix}$. Колики је ранг матрице A^T ?

3. Нека је $U = \{(a, b, c) \in \mathbb{R}^3 \mid 2a - b + 3c = 0\}$.

a) Доказати да је U потпростор векторског простора \mathbb{R}^3 и одредити му базу и димензију.

б) Ако је $W = \{(0, 3c, c) \mid c \in \mathbb{R}\}$, проверити да ли је $\mathbb{R}^3 = U \oplus W$.

4. Нека су U и W потпростори векторског простора \mathbb{R}^4 генерисани редом векторима

$$\begin{array}{ll} u_1 = (1, 2, 3, 1), & w_1 = (1, 1, 1, -2), \\ u_2 = (3, 5, 7, 0), & w_2 = (1, 2, 2, -1), \\ u_3 = (1, 1, 1, -2), & w_3 = (2, 5, 5, -1), \\ u_4 = (1, 0, -2, -8), & \end{array}$$

Наћи бар једну базу као и димензију простора U , W , $U + W$ и $U \cap W$.

5. Нека је V потпростор векторског простора \mathbb{R}^4 генерисан векторима $f_1 = (1, 1, 2, 4)$, $f_2 = (1, -1, 7, 13)$ и $f_3 = (9, 7, 1, 1)$. Грам-Шмитовим поступком ортогонализације одредити ортонормирану базу за V .

Линеарна алгебра и аналитичка геометрија, први колоквијум 24.11.2013.

друга група

1. Решити систем линеарних једначина у скупу \mathbb{R}^5 :

$$\begin{array}{cccccc} x & + & y & + & t & + 4w = 1 \\ -3x & - & 2y & + & z & + t - 5w = -2 \\ x & + & 2y & + & z & + 2t + 3w = 1 \\ -x & + & y & + & 2z & + 3t - 2w = 1. \end{array}$$

2. Одредити инверз матрице: $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 1 \\ 3 & 5 & 7 & 0 \\ 2 & 5 & 7 & 3 \\ 1 & 0 & -2 & -8 \end{bmatrix}$. Колики је ранг матрице A^T ?

3. Нека је $U = \{(a, b, c) \in \mathbb{R}^3 \mid 3a + 2b - c = 0\}$.

a) Доказати да је U потпростор векторског простора \mathbb{R}^3 и одредити му базу и димензију.

б) Ако је $W = \{(0, b, 2b) \mid b \in \mathbb{R}\}$, проверити да ли је $\mathbb{R}^3 = U \oplus W$.

4. Нека су U и W потпростори векторског простора \mathbb{R}^4 генерисани редом векторима

$$\begin{array}{ll} u_1 = (1, 2, 3, 4), & w_1 = (1, 1, 5, 7), \\ u_2 = (-1, -1, -5, -7), & w_2 = (1, 2, 6, 4), \\ u_3 = (2, 5, 6, 2), & w_3 = (2, 3, 11, 11), \\ u_4 = (1, 4, -1, -2), & \end{array}$$

Наћи бар једну базу као и димензију простора U , W , $U + W$ и $U \cap W$.

5. Нека је V потпростор векторског простора \mathbb{R}^4 генерисан векторима $f_1 = (3, 2, 1, 1)$, $f_2 = (5, 3, 4, 5)$ и $f_3 = (6, 8, 4, 7)$. Грам-Шмитовим поступком ортогонализације одредити ортонормирану базу за V .