

# ДИСКРЕТНЕ СТРУКТУРЕ 1

предавање 6 (7.11.2022.)

Тема: **Пребројиви и небројиви скупови**

Александра Костић

Катедра за алгебру и математичку логику  
Математички факултет, Београд

## Дефиниција

Скуп  $A$  је **пребројив** ако је исте кардиналности као и скуп природних бројева (тј.  $|A| = |\mathbb{N}|$ ). Ознака за  $|\mathbb{N}| = \aleph_0$  (алеф-нула)

## Дефиниција

Скуп  $A$  је **пребројив** ако је исте кардиналности као и скуп природних бројева (тј.  $|A| = |\mathbb{N}|$ ). Ознака за  $|\mathbb{N}| = \aleph_0$  (алеф-нула)

## Дефиниција

Скуп  $A$  је **коначан** ако има  $n$  елемената, где је  $n$  природан број. Ако  $A$  није коначан, кажемо да је **бесконачан**.

Скуп  $A$  је бесконачан ако и само ако постоји прави подскуп  $A' \subset A$  такав да су  $A$  и  $A'$  у бијекцији.

## Тврђење

Скуп природних бројева је бесконачан.

Доказ: на часу.

## Дефиниција

Скуп  $A$  је **пробројив** ако је исте кардиналности као и скуп природних бројева (тј.  $|A| = |\mathbb{N}|$ ). Ознака за  $|\mathbb{N}| = \aleph_0$  (алеф-нула)

## Дефиниција

Скуп  $A$  је **коначан** ако има  $n$  елемената, где је  $n$  природан број. Ако  $A$  није коначан, кажемо да је **бесконачан**.

Скуп  $A$  је бесконачан ако и само ако постоји прави подскуп  $A' \subset A$  такав да су  $A$  и  $A'$  у бијекцији.

## Тврђење

Скуп природних бројева је бесконачан.

Доказ: на часу.

## Дефиниција

Ако је скуп  $A$  коначан или пробројив, кажемо да је **највише пробројив**. Ако скуп није највише пробројив, онда је **непробројив**.

# Пребројиви скупови

Примери пребројивих скупова:

1.  $\mathbb{Z}$  је пребројив.

# Пребројиви скупови

Примери пребројивих скупова:

1.  $\mathbb{Z}$  је пребројив.
2. Ако је  $A \subseteq \mathbb{N}$ , онда је  $A$  пребројив.

# Пребројиви скупови

Примери пребројивих скупова:

1.  $\mathbb{Z}$  је пребројив.
2. Ако је  $A \subseteq \mathbb{N}$ , онда је  $A$  пребројив.
3.  $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$  је пребројив.

# Пребројиви скупови

Примери пребројивих скупова:

1.  $\mathbb{Z}$  је пребројив.
2. Ако је  $A \subseteq \mathbb{N}$ , онда је  $A$  пребројив.
3.  $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$  је пребројив.
4. Ако је  $\mathcal{P}_{fin}(X) = \{A \subseteq X \mid A \text{ је коначан}\}$ , тада је  $\mathcal{P}_{fin}(\mathbb{N})$  пребројив.



# Пребројиви скупови

Примери пребројивих скупова:

1.  $\mathbb{Z}$  је пребројив.
2. Ако је  $A \subseteq \mathbb{N}$ , онда је  $A$  пребројив.
3.  $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$  је пребројив.
4. Ако је  $\mathcal{P}_{fin}(X) = \{A \subseteq X \mid A \text{ је коначан}\}$ , тада је  $\mathcal{P}_{fin}(\mathbb{N})$  пребројив.
5.  $\mathbb{Q}$  је пребројив.

# Пребројиви скупови

Примери пребројивих скупова:

1.  $\mathbb{Z}$  је пребројив.
2. Ако је  $A \subseteq \mathbb{N}$ , онда је  $A$  пребројив.
3.  $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$  је пребројив.
4. Ако је  $\mathcal{P}_{fin}(X) = \{A \subseteq X \mid A \text{ је коначан}\}$ , тада је  $\mathcal{P}_{fin}(\mathbb{N})$  пребројив.
5.  $\mathbb{Q}$  је пребројив.

Докази: на часу.

Примери скупова који нису пребројиви:

1.  $\mathbb{R}$  није пребројив.

# Пребројиви скупови

Примери пребројивих скупова:

1.  $\mathbb{Z}$  је пребројив.
2. Ако је  $A \subseteq \mathbb{N}$ , онда је  $A$  пребројив.
3.  $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$  је пребројив.
4. Ако је  $\mathcal{P}_{fin}(X) = \{A \subseteq X \mid A \text{ је коначан}\}$ , тада је  $\mathcal{P}_{fin}(\mathbb{N})$  пребројив.
5.  $\mathbb{Q}$  је пребројив.

Докази: на часу.

Примери скупова који нису пребројиви:

1.  $\mathbb{R}$  није пребројив.
2.  $\mathcal{P}(\mathbb{Q})$  није пребројив.

# Пребројиви скупови

Примери пребројивих скупова:

1.  $\mathbb{Z}$  је пребројив.
2. Ако је  $A \subseteq \mathbb{N}$ , онда је  $A$  пребројив.
3.  $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$  је пребројив.
4. Ако је  $\mathcal{P}_{fin}(X) = \{A \subseteq X \mid A \text{ је коначан}\}$ , тада је  $\mathcal{P}_{fin}(\mathbb{N})$  пребројив.
5.  $\mathbb{Q}$  је пребројив.

Докази: на часу.

Примери скупова који нису пребројиви:

1.  $\mathbb{R}$  није пребројив.
2.  $\mathcal{P}(\mathbb{Q})$  није пребројив.
3.  $\mathcal{P}(\mathbb{N})$  није пребројив.

# Пребројиви скупови

Примери пребројивих скупова:

1.  $\mathbb{Z}$  је пребројив.
2. Ако је  $A \subseteq \mathbb{N}$ , онда је  $A$  пребројив.
3.  $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$  је пребројив.
4. Ако је  $\mathcal{P}_{fin}(X) = \{A \subseteq X \mid A \text{ је коначан}\}$ , тада је  $\mathcal{P}_{fin}(\mathbb{N})$  пребројив.
5.  $\mathbb{Q}$  је пребројив.

Докази: на часу.

Примери скупова који нису пребројиви:

1.  $\mathbb{R}$  није пребројив.
2.  $\mathcal{P}(\mathbb{Q})$  није пребројив.
3.  $\mathcal{P}(\mathbb{N})$  није пребројив.
4.  $2^{\mathbb{N}}$  није пребројив.

# Пребројиви скупови

Примери пребројивих скупова:

1.  $\mathbb{Z}$  је пребројив.
2. Ако је  $A \subseteq \mathbb{N}$ , онда је  $A$  пребројив.
3.  $\mathbb{N} \times \mathbb{N}$  је пребројив.
4. Ако је  $\mathcal{P}_{fin}(X) = \{A \subseteq X \mid A \text{ је коначан}\}$ , тада је  $\mathcal{P}_{fin}(\mathbb{N})$  пребројив.
5.  $\mathbb{Q}$  је пребројив.

Докази: на часу.

Примери скупова који нису пребројиви:

1.  $\mathbb{R}$  није пребројив.
2.  $\mathcal{P}(\mathbb{Q})$  није пребројив.
3.  $\mathcal{P}(\mathbb{N})$  није пребројив.
4.  $2^{\mathbb{N}}$  није пребројив.

Докази: на часу.

## Дефиниција

Скуп  $A$  је **моћи континуума** ако је  $|A| = |\mathbb{R}|$ . Ознака за  $|\mathbb{R}| = \mathfrak{c}$ .